RAHTJARAO RAYJAMAJ AROJEKAJ MENATAM-ONIENA

Погильдякова Ирина

Количественный анализ эффекта Ярковского (Доклад)

Научный руководитель: отонапатингопод тотедэп имонодтов оп киневоеведо выначительный кисО варагольевна выпататический выпа ur.bnsl@sinələz :lism-36

План доклад<u>а</u>

- 1. Введение
- 2. Сила Ярковского для сферических тел
- 3. Результаты вычислений и их анализ
- 4. Заключение

1. Введение

В настоящее время проблема астероидно-кометной опасности начинает привлекать к себе все больше внимания.

 √ Астероидная опасность встала в одиновременному человечеству как заниковый эффект, озоновый коллапс.

 Звало ученых к всемерному исследозвало ученых к всемерному исследованию этой опасности.

√ В ряде стран уже начали реализовываться проекты обнаружения потенциально опасных космических тел, ежегодно стали проводиться международные конференции по проблеме астероидно-кометной Потильдякова Ирина, Самарская областная физико-математическая школа



опасности, поставлен вопрос о создании глобальной системы защиты Земли от опасных космических объектов.

√ В 90-е гг. начался регулярный обзор неба с помощью автоматических систем наблюдений, которые совершают в настоящее время основную часть всех открытий. Каждый год обнаруживается до сотни потенциально опасных для Земли объектов. Лишь менее половины из их числа имеют

надежно определенные орбиты.



Рис. 2: Ида и Дактиль – астероид Главного пояса.



 $P_{
m RC}$. 1: Астероид 253 Матильда.

УВ списке потенциально опасных для Земли объектов первым стоит астероид 1999 АИ10 размером 1200 м, который приблизится 7 августа 2027 г. к Земле на расстояние, сравнимое с расстоянием до Луны. В текущем, XXI столетии еще один астероид, 2001 WИ5, диаметром 800 м пройдет вдвое ближе Луны на расстоянии 190 тыс. км 26 июня 2028 г.

√ В настоящее время для спасения жизни на Земле чрезвычайно важен

эффект Ярковского-Окифи-Радзиевского-Паддака, поскольку он может

быть положен в основу разрабатываемой методики постепенного увода

астероидов, способных столкнуться с Землей, с опасных орбит.

астероидов, способных столкнуться с Землей, с опасных орбит.





Рис. 3: Эрос – сближающийся с Землей астероид. Рис. 4: Кратер-астроблема. Потильдякова Ирина, Самарская областная физико-математическая школа

эволюции его орбиты. быстрой (по астрономическим меркам) х тидоаиqп отч , кинэ

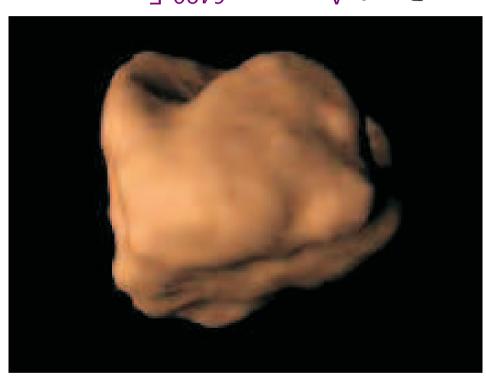
чүски отончэнгоэ мического объекта под действием вращающегося вокруг своей оси косытидо иинэнэмеи а кэтэкпакодп ,(\$001) Лваном Осиповичем Ярковским (1844ским эстрономом-любителем XIX века √ Этот эффект, предсказанный b\u03b3c-

.йидотяэбдт хи кинэнэм внимательнее отслеживать будущие изского на астероиды вынуждает ученых √ В результате действие эффекта Ярков-

Рис. 5: И.О. Ярковский (1844-1902).

кинваодэпоэм эмнапетнэмидэпожЕ

✓ 1991-2003 гг. – международная группа астрономов в составе С. Чесли (ЛРL ИАSA), Д. Вокрухлицкого (Карлов университет), М. Нолана (Обсерватория Аресибо) и др. впервые сумела зарегистрировать силу Ярковиела зарегистрировать силу Ярковского, действующую на околоземный ского, действующую на околоземный астероид 6489 Голевка.



 $P_{
m MC}$. 6: Астероид 6489 Голевка.

√ 2007 г. – группа исследователей под руководством М. Каасалай-нена (Финляндия) обнаружила результат действия силы Ярковского на астероид 1862 Apollo.

√ 2007 г. – С. Лоури (Белфаст) и его коллеги зафиксировали результат действия силы Ярковского на астероид (54507) 2000 с.
 РН5, открытый в 2000 г.

;хин то йэшкдохэи

возможность:

Оунаперение силы эффекта Ярковского даст единственную реальную

- достоверно определять с Земли массу и плотность маленьких (меньше , на плотнотом потенциальной угрозы,
- .йотэнвпп йэшвн э вдиодэтэв кинэжигдэ отонэвпо атэонткодэв ативонвтэү ●

кинваодэгсские исследовТ

√ Задачей учета эффекта Ярковского при вычислении движений малых планет занимались многие ученые. В их числе Уильям Ф. Боттки мл. (Корнельский университет), Дэвид П. Рубинкам (Центр космических полетов Годдарда ИАЅА), Паоло Фаринелла (Пизанский университет Италии), Дэвид Вокрухлицкий (Университет Чарльза Чешской Республики), Джозеф Спайтэйл (Лаборатория Луны и планет университета Аризоны), Уильям Хартманн (Институт планетарной науки, Туксон) и др.

√ Наиболее примечательными являются следующие основные подходы к учету действия негравитационных сил при построении численных тел: метод Дубяго, модель Марсдена-Секанины, примененная к описанию движения комет, и модель Д. Вокрухлицкого, примененная к описанию движения астероидов и метеоров.

	игнорирование зависимостей сферического ал тел от их геометрических и оптических свойс
• •	эчидипме батээчиго количества эмпириче нэдогден еи итидоо имьтнэмэге э онтээмвоэ
ряд серьезных недостатков:	Однако в рамках данных подходов существует

Погильдякова Ирина, Самарская областная физико-математическая школа

<u>Цель данной работы</u> – количественный анализ эффекта Ярковского с привлечением новой модели взаимодействия солнечного излучения со сферической частицей (в случае больших размеров, астероидом).

:итодед йоннед вчедеє кенаоноО

Расчет силы эффекта Ярковского для сферических объектов с использованием новых теоретических результатов, полученных в рамках предложенной модели, основанной на методе геометрической оптики (МГО).

:нтодед йэшкотэен ичедее энанапэтеломопэВ

- 1. Расчет сферического альбедо астероида с учетом его геометрических и
- Ω . Решения температурого болькового болькового температуры и серого температуры и серого

оптических свойств.

Сяла Ярковского для сферических тел

2.1. Модель физической системы:

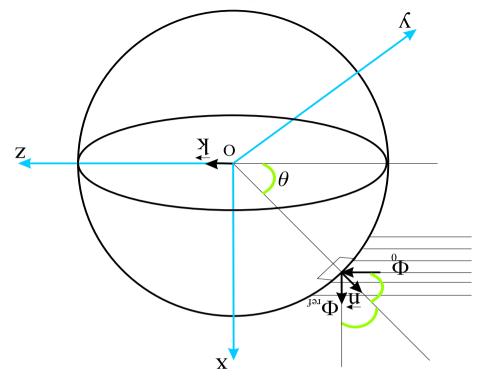
- 1. Электромагнитное излучение Солнца характеризуется непрерывным своля от своей природе к спектру абсолютно черного тела с эффективной температурой $T_s = 57777.11~{\rm K}$. Излучение Солнца является неполяризованным (естественный свет), имеющее изотропный характер
- Σ . Потох винэжиад эмнэварпен, аонотоф хотоп винэчулси хотоГотом готоГотом из процессов взаимоном воспользуемся метомон теометрической кохранить с встероидом воспользуемся метомонующей установать в процесской процесской процесской процесской процессов процесской процесской процесской процесской процесской процессов процесской процессов предерсов процессов предерсов предерсов пременент предерсов предерсов процессов предерсов пременент предерсов предерсов пре
- оптики (МГО). 3. Геометрический центр астероида находится в точке с радиус-вектором $\mathbf{r}_{\mathbb{A}}$.
- A. Астероид однородный, не вращающийся вокруг своей оси шар с радиусом R_A и сферическим (бондовским) альбедо $A^I_{\rm ref}$, являющийся серым телом с коэффициентом черноты ϵ_A и показателем преломления
- $n(\omega)$. 5. Сферическое альбедо и температура поверхности астероида Γ_A являются функциями действительного показателя преломления вещества астероида.

.кинэн в дтоо дпо в д

2.2. Сферическое альбедо астероида

Сферическое (бондовское) альбедо – отношение интегрального потока излучения $\Phi^I_{\text{ref}},$ отражаемого и рассеянного сферой во всех направлениях, к интегральному потоку $\Phi^I_0,$ падающему на сферу в виде параллельного пучка лучей:

$$\Lambda_{\text{ref}}^{\frac{1}{\Phi}} = \Lambda_{\text{ref}}^{\frac{1}{\Phi}} = \Lambda_{\text{ref}}^{\frac{1}{\Phi}}$$



Погильдякова Ирина, Самарская областная физико-математическая школа

і Іоток падающего излучения в окрестности точки \mathbf{r}_A представляется в виде:

(2) $(\Lambda \mathbf{1}) \mathcal{C}_{\Lambda}^{2} \mathcal{A} \pi = (\Lambda \mathbf{1})_{0}^{1} \Phi$

где $\mathfrak{J}(\mathbf{r}_A)$ — интенсивность излучения в данной точке.

эдиа а нэлабтэдэдп атіад тэжом фермен кинэнулєй хотоп йіанальдэтнN:

(8)
$$\omega b\theta b\theta 2 \operatorname{mis}(\theta, \omega) \varphi(\omega) \int_{0\omega}^{\infty} \int_{0\omega}^{2} \int_{0}^{2} A \pi = \int_{\mathsf{lef}}^{1} \Phi$$

В итоге сферическое альбедо может быть представлено следующим образом:

$$A_{\text{ref}} = 2 \int_{\theta} \frac{1}{2} d\theta \cos\theta \sin\theta d\theta.$$

2.3. Температура поверхности астероида

Согласно определению модели, астероид – серое тело с коэффициентом черноты ε_{A} .

:впот оточеть серого тела:

$$M_{I \text{ gray}} = \epsilon_{A} \sigma_{A}$$

Воспользуемся уравнением баланса, выражающим закон сохранения энергии:

$$(\xi) \qquad \qquad ._{\Lambda}^{1} T \sigma_{\Lambda} \beta = \theta \cos \sigma \mathcal{C}(_{1er}^{1} \Lambda - 1)$$

В случае сферически-симметричного характера растространения изучения

эмнкотээвд эохээчидтнэµомгэл $-_{\Lambda} \gamma$, квннкотэоп квнчэнгоэ $-\binom{^{2}}{^{1}} \sqrt{18}$ $0761=_{nus} t$ эдл

астероида, $a_0=1$ а.е.

В итоге температура освещенной поверхности астероида

$$\frac{\theta \cos_0 \mathfrak{C}({}_{\mathsf{lag}}^I \mathbb{A} - \mathbb{I})}{\mathfrak{o}_{\mathbb{A}3}} \bigvee_{\mathbb{A}} = \mathbb{A} \mathbb{T}$$

Погильдякова Ирина, Самарская областная физико-математическая школа

2.4. Расчет силы Ярковского для сферических тел

Согласно второму и третьему законам Ньютона, сила Яр-ковского может быть определена выражением:

$$(8) \qquad \qquad '\frac{4\nabla}{d\nabla} - = \underline{\mathcal{J}}$$

где $\Delta \overline{\mathbf{p}}$ – изменение импульса, претерпеваемое системой фотонов, испускаемых единичной площадкой dS за время

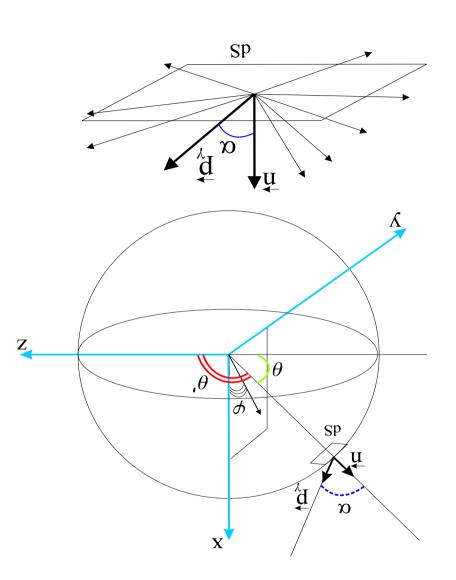
 $\mathcal{I}\nabla$

Перепишем (8) в проекции на нормаль к площадке:

$$E_n = -\frac{\Delta P_n}{\Delta P}. \tag{9}$$

Проекция изменения импульса фотона, испускаемого площадкой в заданном направлении:

$$(01) vosoo ^{\lambda}d = {}^{u}d\nabla$$



Спектральный поток фотонов, вылетающих из площадки dS в заданном направлении:

(11)
$$\omega p \cos sos Sp(\omega) = (\omega) \Phi p$$

 $j(\omega)$ – спектральная плотность потока фотонов.

d заменение импульса, создаваемое системой фотонов, вылетающих из площадки dS в заданном

 $(\omega_b + \omega, \omega)$ иметотови с частотами $(\omega_b, \omega_b + \omega_b)$:

$$dP_n = d\Phi(\omega)\Delta p_n = j(\omega)p_{\gamma}\cos^2\alpha dSd\omega.$$

b молучим изменение импульса системы фотонов, испускаемых площадкой b

во всех направлениях за единицу времени:

$$(61) .\omega b S b(\omega) \dot{l}_{\gamma} q \frac{1}{2} = \overline{n} \overline{q} \overline{b}$$

Следовательно,

урковского:

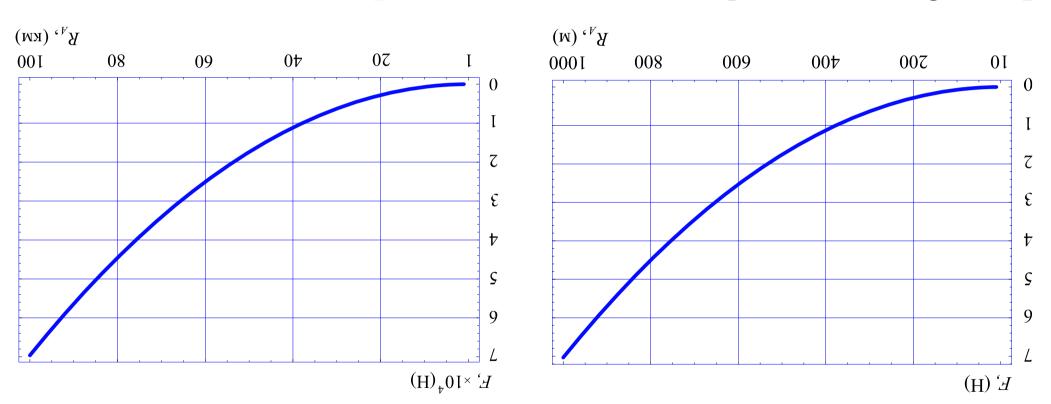
$$(41) \qquad \omega b S b(\omega) i_{\gamma} q \int \int t \Delta \frac{1}{2} = \overline{n} db \int t \Delta = n d\Delta$$

Переходя в сферическую систему координат и вычисляя интеграль, получим выражение для силы

$$(31) \cdot \frac{1}{2} \frac{\int_{\text{ref}}^{1} A - 1}{3c} \frac{\int_{\text{ref}}^{1} A \pi = A}{3c}$$

Потильдякова Ирина, Самарская областная физико-математическая школа

з. Результаты вычислений и их анализ



 $^{
m Pmc}$. 7: Зависимость силы Ярковского от радиуса астероида $^{
m A}_{
m I}$ для случая $^{
m I}_{
m I}=1$ а.е. и $^{
m A}_{
m I}=1$ а.е. и $^{
m A}_{
m I}=1$

Погильдякова Ирина, Самарская областная физико-математическая школа

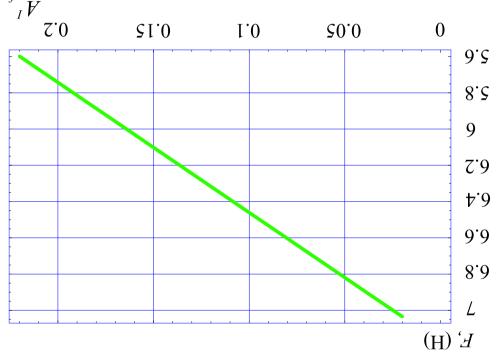
потильдякова Ирина, Самарская областная физико-математическая школа

 $.20.0={}^{1}_{
m Par} M$ in MX $1={}_{
m A} M$ rep

F, (H)

- η го кгд Λ^{γ} вдиодэтэв кинкотээвд отохээнидтнэд

Рис. 8: Зависимость силы Ярковского от гелио-



 $\mathbf{a} = \mathbf{1}$ a.e. E 7 0 \forall 0 ς 10 SI

км и $r_A=1$ а.е.

ческого альбедо астероида A_{rel}^1 вдиодэтэ одебите отохоч Рис. 9: Зависимость силы Ярковского от сфери-

[4. Заключение]

:этодед йоннед В

ьриодэтэв ватээшэа кинэгмолэдп

- игмэЕ кпд итооновпо йондиодэтов вмэпдодп внэшэвоо ондоддоП •
- Представлена модель взаимодействия солнечного излучения со сферическим астероидом, на основе которой получено аналитическое выражение для сферического (бондовского) альбедо, являющееся функцией действительного показателя
- Получено аналитическое выражение для температуры поверхности сферического. вонье в приближении серого тела на основе решения уравнения бальные.
- Проведен прецизионный расчет силы Ярковского, действующей на сферический, не вращающийся вокруг своей оси астероид. Для расчета указанной характеристики был рассмотрен процесс испускания теплового излучения поверхностью астероида.
- Выражение для силы Ярковского исследовано на примере зависимостей от радиуса,
 Сферического альбедо, гелиоцентрического расстояния астероида.

Благодарности

Мы выражаем большую благодарность за плодотворные дискуссии и ценные критические замечания преподавателям кафедры общей и теоретической физики Самарского государственного университета, в особенности доктору физико-математических наук Башкирову Евгению Константиновичу.